УДК 621.658.2+62-522.2+532.5

МАТЕМАТИЧНА МОДЕЛЬ ГІДРОПРИВОДА ПОМПУЮЧОГО ВУЗЛА МЕМБРАННОГО НАСОСА

В.В.Петрусь, І.В.Коц

Вінницький національний технічний університет, 21021, м. Вінниця, Хмельницьке шосе, 95, тел. 8 (0432) 598170, e-mail: ivkots@inbtegp.vstu.vinnica.ua

Рассмотрена математическая модель динамики рабочего процесса системы, состоящей из мембранного насоса, исполнительного гидроцилиндра и устройства автоматического реверсирования направления потоков рабочей жидкости – клапанапульсатора. Приведена система нелинейных дифференциальных уравнений, описывающая движение подвижных элементов гидроцилиндра и клапанапульсатора, изменение расходов в рабочих полостях. Показано, что решение данной системы позволяет осуществлять выбор оптимальных конструктивных размеров и параметров различных технологических машин, содержащих подобный гидромеханизм.

Постановка проблеми

Для вирішення багатьох технічних питань, пов'язаних з відкачуванням та перекачуванням високов'язких нафтопродуктів, різноманітних агресивних і забруднених рідин, наприклад, при будівництві і експлуатації нафто- і газопроводів, теплових мереж, мереж водопостачання і водовідведення виникає необхідність проводити роботи в польових умовах за відсутності мережевого електроживлення. Інколи також потрібне термінове осушення котлованів від ґрунтових вод і від розливу нафтопродуктів при дотриманні вимог і правил безпеки. Застосування самовсмоктуючих насосів пересувних механізмів або електричних занурювальних насосів не завжди можливе і безпечне, а тому необхідне подальше вдосконалення існуючих і розробка нових насосних агрегатів, особливе місце серед яких займають діафрагмові або мембранні насоси, що приводяться у зворотнопоступальний рух за допомогою приводів різного виду. Насоси подібного призначення повинні мати певні гарантовані характеристики з точки зору електро- і пожежобезпеки при їх експлуатації в особливо несприятливих умовах (наприклад, в хімічній, гірничій та інших галузях промисловості). Важливою є також розробка таких приводів насосів, які давали б можливість плавної дистанційної зміни їх кінематичних і динамічних параметрів.

Аналіз останніх досліджень

Як засвідчили проведені дослідження, серед відомих приводів найбільш ефективними є гідравлічні і пневматичні приводи з дистанційним автоматичним керуванням, особливо У випадках, коли використання традиційних електMathematical model of dynamics of working process of the system, consisting of membrane pump, industrious hydrocylinder and device of automatic reversal of the direction of streams of working fluid – valvepulsator, is considered The system of nonlinear differential equalizations, describing a motion of moving elements of hydrocylinder and valve- pulsator, change of consumptions in working chambers is given. It is shown, that the solving of this system allows to carry out the choice of optimum constructive sizes and parameters of different technological machines containing similar hydromechanism.

ромеханічних приводів неприпустиме з міркувань електро- і пожежобезпеки. Крім того, відомі електромеханічні приводи мають значні габарити і масу, не дають змоги здійснювати плавне регулювання амплітуди і частоти робочих ходів виконавчого органу.

В роботах [1, 4-6] відзначаються суттєві переваги застосування гідравлічних чи пневматичних приводів для помпуючих вузлів насосних агрегатів, які дають можливість плавного безступінчатого регулювання амплітуди і частоти робочих ходів поршня чи мембрани, а також мають менші габаритні розміри та масу.

Існуючий стан фундаментальних досліджень у області теорії насосних агрегатів з гідравлічними та пневматичними приводами, а також стан математичного моделювання їх режимів роботи є ще не досить задовільним. До цих пір не створена така математична модель насосних агрегатів з гідравлічним та пневматичним приводом помпуючих вузлів, яка б давала можливість на основі конструктивних даних машини аналізувати її режимні і економічні параметри у всьому експлуатаційному діапазоні з врахуванням основних властивостей робочої рідини, зокрема, її в'язкості, стисливості тощо. Особливості вказаної проблеми полягають також у тому, що при математичному моделюванні ще недостатньо враховуються особливості спрацьовування та кінематичні і динамічні характеристики апаратури дистанційного керування виконавчими органами помпуючих вузлів мембранних насосів. Це значною мірою ускладнює розв'язання завдань підвищення ефективності функціонування подібних насосів і не вирішує повною мірою питання синтезу оптимальних конструкцій насосів за заданими технологічними вимогами.



Рисунок 1 – Мембранний насос з гідравлічним приводом

Формулювання мети і завдань

3 метою розробки досконалого конструктивного виконання гідропривода мембранного насосного агрегату було поставлено завдання створення математичної моделі робочого процесу його помпуючого вузла. В основу досліджень було покладено принципове і конструктивне виконання помпуючого вузла, гідропривод якого має дистанційне плавне керування за допомогою особливих автоматичних пристроїв - клапанів-пульсаторів, що змінюють напрям потоку при досягненні деякого заданого тиску в гідросистемі відповідно до наших розробок [2, 3]. Математичне моделювання дасть можливість визначення найбільш раціонального поєднання конструктивних і силових параметрів, які забезпечать оптимальні робочі режими насоса загалом.

Висвітлення основного матеріалу

На рис. 1 зображена розрахункова схема гідропривода помпуючого вузла з поворотно-поступальним ходом підпружиненого поршня 7, який штоком 6 пов'язаний з еластичною мембраною 3 насоса, що керується за допомогою двокаскадного клапана-пульсатора непрямої дії з гідравлічним зв'язком першого і другого каскаду, який установлений безпосередньо на корпусі робочого гідроциліндра 11.

При включенні приводного гідронасоса 14 підвищується тиск в напірній магістралі 12 і поршень 7 робочого гідроциліндра 11 з штоком 6, що з'єднаний з робочим органом насоса еластичною мембраною 3, переміщується вгору, стискаючи при цьому пружний елемент повернення — силову пружину 10. Відбувається всмоктування перекачуваної рідини з резервуара у внутрішню робочу камеру 2 мембранного насоса через всмоктуючий клапан 29. При досягненні заданого тиску в приводній гідросистемі спрацьовує двоступінчатий клапан першого каскаду 22 і залишається відкритим під дією перепаду зливу на його другий ступінь. Тиск в надклапанній порожнині 25 знижується до зливного, і клапан другого каскаду 19 відкривається, сполучаючи при цьому напірну магістраль приводної гідросистеми зі зливом. Під дією пружного елемента 10 поршень робочого гідроциліндра 7 повертається в початкове положення і витісняє при цьому перекачувану рідину з робочої камери 2 мембранного насоса в напірний трубопровід через випускний клапан 28. Після закінчення зворотного ходу плунжера дія перепаду зливу припиняється. Клапани першого і другого каскадів повертаються в початкове положення, і цикл повторюється.

Для аналітичного опису динаміки досліджуваного гідравлічного привода приймемо такі припущення:

рідина в гідросистемі стислива, коефіцієнт стисливості при тиску 0,3 МПа рівний середньоінтегральному значенню β_{cp} , а при тиску понад 3 МПа – деякому постійному значенню β [1, 3];

спрацьовування клапана першого каскаду 22 відбувається релейно, тобто за час, який, як показали лабораторні експерименти (осцилограма на рис.2, крива 3), становить 2,5% від часу повного відкриття;

тиск зливу в зливній магістралі за клапаном-пульсатором для даної гідросистеми приймаємо рівним деякому розрахунковому значенню $p_{3n} = p_{min} = const$, яке визначається умовним прохідним перерізом зливного трубопроводу 27;

несуча конструкція привода абсолютно жорстка, оскільки її пружна деформація на 2-3 порядки менша за пружну деформацію рідини;

замкнутий об'єм перекачуваної рідини в робочій камері 2 W_{κ} умовно замінюємо механі-

чною пружиною жорсткістю $c_{\mathcal{H}} = \frac{F_{\mathcal{M} \in \mathcal{M} \mathcal{D} p}^2}{W_{\kappa} \beta_{\mathcal{H}}}$, де

зниження тиску, пов'язане із зворотним рухом поршня 7 робочого гідроциліндра 11, не досягає величини, меншої від тиску на другий ступінь клапана першого каскаду 22;

абсолютне значення часу гальмування, як правило, на порядок менше за час прямого або зворотного ходу відповідно при всмоктуванні і нагнітанні, тому ним нехтуємо;

продуктивність насоса 14 постійна, тобто не залежить від величини тиску в напірній магістралі приводної гідросистеми.

Цикл роботи гідромеханізму, зображеного на рис. 1, можна умовно розділити, як видно на рис. 2, на основні фази: підвищення тиску в гідросистемі і стиснення замкнутого об'єму рідини (при цьому робочий орган – еластична мембрана 3, а також клапани другого і першого каскадів 19 і 22 нерухомі); рух робочого органу 3 і стиснення пружного елемента повернення пружини 10 при закритих клапанах першого і другого каскадів 22 і 19; релейне відкриття клапана першого каскаду 22, підйом клапана другого каскаду 19, відкриття щілини основного зливу з напірної магістралі, рух робочого органу 3 у зворотному напрямі під дією стиснутої при прямому ході пружини 10; релейне закриття клапана першого каскаду 22, повернення клапана другого каскаду 19 в початкове положення, закриття щілини основного зливу з напірної магістралі.



1 – зміна тиску; 2 – переміщення плунжера робочого гідроциліндра; 3, 4 – переміщення клапанів першого і другого каскадів відповідно

Рисунок 2 – Осцилограма зміни параметрів гідропривода в процесі його роботи

Перша фаза кожного робочого циклу відбувається в період часу, протягом якого тиск в гідросистемі зростає від p_{3n} до $p_1 \ge (P_n + R_{mp})/F_{nn}$, при якому починається рух робочого органу 3 (тут $P_n = cy_n$ – зусилля попередньої затяжки пружини 10; *c* і y_n – жорсткість і попередня деформація пружини 10; $R_{mp} = \alpha_{mp} \cdot P_{np_{max}}$ – сила сухого тертя; α_{mp} – постійний коефіцієнт тертя; $P_{np_{max}} = c(y_{\kappa}/2 + y_n)$ – максимальне зусилля деформації силової пружини 10; y_{κ} – максимальний робочий хід поршня 7 робочого гідроциліндра 11). Математичний опис цієї частини перехідного процесу (0 $\leq t \leq t_1$) складатиметься з двох рівнянь витрат.

Рівняння витрат для всієї гідросистеми, сполученої з підклапанною порожниною 16, і для надклапанної порожнини 25, яка дроселем 17 з'єднана з основною гідросистемою і підклапанною порожниною 16, виглядають таким чином:

$$Q_{\mu} = \frac{dp}{dt} W_{\Gamma} \beta_{cp} + \mu f_{\mathcal{A}P} \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_3} , \quad (1)$$

$$\mu f_{\mathcal{A}P} \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_3} = \frac{dp_3}{dt} W_B \beta_{cp} , \qquad (2)$$

де: Q_{μ} – продуктивність насоса 14; $\frac{dp}{dt}W_{\Gamma}\beta_{cp}$ – витрата рідини на її стиснення в основній гідросистемі; p, t – поточний тиск і час; W_{Γ} – повний об'єм робочих порожнин, включаючи підклапанну порожнину 16 клапана пульсатора, порожнини підвідних трубопроводів і робочого гідроциліндра 11; β_{cp} – середньоінтегральне значення коефіцієнта стисливості рідини в ін-

тервалі тиску від
$$p_{c\pi}$$
 до p_1 ; $\mu f_{\mathcal{Д}P} \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_3}$

– витрата через дросель 17; μ – коефіцієнт витрати; $f_{\mathcal{ДP}}$ – площа прохідного перерізу дроселя, що з'єднує підклапанну порожнину 16 з надклапанною порожниною 25; γ – питома вага робочої рідини; p_3 – поточний тиск рідини ни надклапанної порожнини 25; $\frac{dp_3}{dt}W_B\beta_{cp}$ –

витрата рідини на її стиснення в надклапанній порожнині 25; W_B – робочий об'єм надклапанної порожнини 25.

Зважаючи на порівняно невеликий робочий об'єм в надклапанній порожнині 25, стисненням рідини в ній можна знехтувати, тобто прийняти, що $p_3 \approx p$, а тому

$$\frac{dp_3}{dt}W_B\beta_{cp} = 0 \text{ i } \mu f_{\mathcal{A}P}\sqrt{\frac{2g}{\gamma}}\sqrt{p-p_3} = 0. (3)$$

Отже, рівняння (1) можна представити у вигляді

$$\frac{dp}{dt}W_{\Gamma}\beta_{cp} = Q_{H}.$$
(4)

Розв'язавши рівняння (4) при початкових умовах t=0, $p_0 = p_{3\pi}$, отримаємо

$$p_1 = p_0 + \frac{Q_H t}{W_\Gamma \beta_{cp}} \,. \tag{5}$$

З рівняння (5) знайдемо час t_1 , за який в гідросистемі відбувається набір тиску до p_1

№ 4(21) • 2006

$$t_1 = \frac{W_\Gamma \beta_{cp} (p_1 - p_0)}{Q_{\mu}}.$$
 (6)

Друга фаза робочого процесу, при якій починається рух робочого органу – еластичної мембрани 3, описується рівняннями відповідно:

руху робочого органу 3 при прямому ході – здійсненні всмоктування рідини через клапан 29; витрати в основній приводній гідросистемі і підклапанній порожнині 16, витрат в надклапанній порожнині 25

$$M \frac{d^2 y}{dt^2} + \alpha \frac{dy}{dt} + c(y_{\Pi} + y) + R_{TP} sign\left(\frac{dy}{dt}\right) = p F_{n\pi} ; \qquad (7)$$

$$Q_{\mu} = \frac{dp}{dt} W_{\Gamma} \beta + F_{n\pi} \frac{dy}{dt} + \mu f_{\mathcal{A}P} \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_3}; (8)$$

$$\mu f_{\mathcal{A}P} \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_3} = \frac{dp}{dt} W_B \beta; \qquad (9)$$

де: $y, \frac{dy}{dt}, \frac{d^2y}{dt^2}$ – спільне переміщення, швид-

кість і прискорення рухомих елементів помпуючого вузла; α – коефіцієнт в'язкого тертя; β – коефіцієнт стисливості рідини при тиску більше 3 МПа [3].

З урахуванням виразів (3) приведемо рівняння (8) до вигляду

(

$$Q_{\mu} = \frac{dp}{dt} W_{\Gamma} \beta + \varphi_{\mu} p + F_{nn} \frac{dy}{dt} \quad . \tag{10}$$

Розв'язуючи спільно рівняння (7) і (10), визначимо характер зміни тиску p(t) в гідросистемі при переміщенні робочого органу — еластичної мембрани 3

$$p(t) = A_1 t + A_2 e^{-nt} \sin(\lambda t + \theta) + A_3, \quad (11)$$

де $A_1, A_2, A_3, n, \lambda, \theta$ – сталі, що залежать від маси, яка приводиться в рух, характеристик пружини і гідросистеми, продуктивності насоса, сил тертя та інших параметрів.

Може статись, що тиск p(t) в період руху розгону робочого органу 3 до $v_y = Q_H / F_{n\pi}$, до

якої експоненціально наближається $\frac{dy}{dt}$ в мо-

мент перед спрацьовуванням клапана-пульсатора, більший від тиску $p_{\rm H}$, при якому клапанпульсатор сполучає гідросистему із зливною магістраллю 27. У цьому випадку гідропривод практично не працюватиме в робочому режимі необхідного переміщення інерційної маси, а остання здійснюватиме деякий коливальний рух з невеликою амплітудою. Такий режим не відповідає в більшості випадків призначенню, тому при розрахунку подібних гідроприводів доцільно проводити перевірку співвідношення тиску налагоджування $p_{\rm H}$ і максимально можливого поточного тиску p(t), що має в період розгону коливальний характер (рис. 2, крива 1).

При досягненні в гідросистемі тиску p_n налагоджування клапана-пульсатора, як це видно з осцилограми (рис. 2), відбувається релейне відкриття клапана першого каскаду 22, і починає відкриватися клапан другого каскаду 19. Робочий орган 3 починає зворотний хід, тобто витіснення перекачуваної рідини через клапан 28 в напірну магістраль під дією пружини 10. Цей період роботи гідросистеми може бути описаний системою таких диференціальних рівнянь:

 – рівняння переміщення еластичної мембрани 3 і зв'язаних з нею деталей в початкове положення під дією пружини 10

$$M \frac{d^2 y}{dt^2} + \alpha \frac{dy}{dt} + cy + c_{\mathcal{H}} y + R_{TP} sign\left(\frac{dy}{dt}\right) = c(y_0 + y_n) p F_{n\pi}, \qquad (12)$$

де y_0 – повна деформація пружини 10 при прямому ході плунжера;

 – рівняння підйому клапана другого каскаду 19

$$m\frac{d^{2}x}{dt^{2}} + \xi\frac{dy}{dt} + c_{2}(x_{\Pi} + x) = (p - p_{3})F_{4}, (13)$$

де: m — маса клапана другого каскаду 19; $\frac{d^2x}{dt^2}, \frac{dx}{dt}, x$ — відповідно прискорення, швидкість, переміщення маси клапана 19 при русі підйому; ξ — коефіцієнт в'язкого тертя; c_2 жорсткість поворотної пружини 26; x_n — величина попереднього затягування пружини 26;

 – рівнянням витрат в основній гідросистемі і з'єднаній з нею підклапанній порожнині 16

$$Q_{\mu} = \frac{dp}{dt} W_{\Gamma} \beta + \mu \pi D_3 x \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_{3\pi}} + F_3 \frac{dx}{dt} - F_{n\pi} \frac{dy}{dt}, \qquad (14)$$

де: $\mu \pi D_3 x \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_{3\pi}}$ – об'єм рідини, яка викидається на злив через щілину клапана, що відкривається, 19; D_3 – діаметр щілини, що відкривається, клапана 19; $F_3 \frac{dx}{dt}$ – витрата рідини на переміщенні клапана 19; $F_{n\pi} \frac{dy}{dt}$ – збільшення об'єму рідини за рахунок зменшення займаного нею місця при зворотному ході поршня 7 робочого гідроциліндра 11;

– рівняння витрати в порожнині 25

$$F_4 \frac{dx}{dt} = \mu \pi D_2 h \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p_3 - p_{_{3,1}}} , \quad (15)$$

де: $F_4 \frac{dx}{dt}$ – об'єм рідини, що витісняється за час робочого ходу клапаном другого каскаду 19; $\mu \pi D_2 h \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p_3 - p_{3\pi}}$ – витрата, що викидається на злив через відкриту щілину клапана першого каскаду 22; $D_2 h$ – відповідно діаметр щілини, що відкривається, та величина його релейного відкриття клапана.

В деякий момент часу при зниженні тиску в гідросистемі клапан першого каскаду 22 релейно закривається. Наступний етап спільної роботи елемента гідросистеми описується такою системою рівнянь:

– рівняння витрат в основній гідросистемі і порожнині 16

$$Q_{\mu} = \frac{dp}{dt} W_{\Gamma} \beta + \mu \pi D_3 (x_0 - x) \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_{3\pi}} - F_3 \frac{dx}{dt} - F_{n\pi} \frac{dy}{dt} + \mu f_{\beta} \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_3}; \quad (16)$$

– рівняння витрат в порожнині 25

$$\mu f_{\mathcal{A}P} \sqrt{\frac{2g}{\gamma}} \sqrt{p - p_3} = F_4 \frac{dx}{dt}; \qquad (17)$$

– рівняння руху клапана 19 при закритті

$$m\frac{d^{2}x}{dt^{2}} + \xi\frac{dy}{dt} + c_{2}x = c_{2}(x_{\Pi} + x_{0}) + (p_{3} - p)F_{4}, (13)$$

де *x*₀ – величина ходу клапана 19 при відкритті.

Отримана система рівнянь (12)–(18) є істотно нелінійною і відомими методами [1, 3] не може бути вирішена. Найбільш доцільним є розв'язок рівнянь чисельними методами на ЕОМ. Дане завдання вирішувалося поетапно, причому результати розв'язку кожного попереднього етапу були вихідними для наступного. При виборі раціональних параметрів взаємодіючих елементів досліджуваного гідропривода для машинного вирішення наведених рівнянь автори виходили з двох основних принципів: виключення передчасного спрацьовування клапана-пульсатора при прямому ході робочого органу і забезпечення закриття основного зливу клапана-пульсатора після повернення робочого органу в початкове положення (тобто $t_2 + t_3 \ge T_{obp}$, де t₂ і t₃ – відповідно час підйому і опускання клапана другого каскаду; Т_{звор} – час зворотного ходу робочого органу).

Висновки

Розробка і дослідження запропонованої математичної моделі взаємодії гідропривода помпуючого вузла з керуючим клапаном-пульсатором дає можливість визначати конструктивні розміри та параметри пристроїв зворотнопоступальної дії, правильний вибір яких сприятиме поліпшенню динамічних характеристик і підвищить швидкодію подібних механізмів для гідроприводних помпуючих вузлів насосних агрегатів мембранного типу та інших технологічних машин.

Література

1. Матвеев И.Б. Машины ударного и вибрационного действия. – М.: Машиностроение, 1974. – 184 с.

2. Коц И.В., Надутый В.П. Динамика тяжелых грохотов с гидравлическим толкающим приводом // Вибрация машин: измерение, снижение, защита. – 2005. – № 3. – С. 47-51.

3. Гидропривод сваепогружающих и грунтоуплотняющих машин / М.Е.Иванов, И.Б.Матвеев, Р.Д. Искович-Лотоцкий, В.А. Пишенин, И.В.Коц. – М.: Машиностроение, 1977. – 174 с.

4. Патент України № 17949 А. МПК6 Е 04 В 43/06. Мембранний гідроприводний насос / Коц І.В., Волошин О.Б. // Реєстраційний номер заявки 94052928; Заявл. 11.05.1994. Опубл. 31.10.1997. Бюл. №5.

5. Паневник О.В. Теоретичні основи побудови узагальнених гідравлічних моделей свердловинних струминних насосів: Автореф. дис. д-ра техн. наук. – Івано-Франківськ, 2000. – 31 с.

 Онищенко А.Г., Васильев А.В. Обоснование выбора типа привода дифференциального растворонасоса // Конструкции зданий и строительное производство: Сб. научн. трудов. – К.: 1996. – с. 12-15.



44